# Chapitre 3

# Équations du second degré

# I. Résolution d'une équation du second degré

1) Résoudre une équation à l'aide du discriminant

bx + c = 0  où  a, b	est une équation de la forme $ax^2 + c$ et $c$ sont des réels avec $a \neq 0$ .  Tette équation s'appelle une
> Exemple :	L'équation $3x^2 - 6x - 2 = 0$ est une équation du second degré.

Remarque Résoudre l'équation  $3x^2 - 6x - 2 = 0$  ou trouver les racines du trinôme  $3x^2 - 6x - 2$  sont deux énoncés identiques.

© Définition
On appelle
$\Delta = \ldots \ldots$

<b>☼</b> Propriété				
Soit $\Delta$ le discriminant du trinôme $ax^2 + bx + c$ .				
•				
•				
•				

Année 2025-2026 Page 1/4

### 

Enoncé: Résoudre les équations suivantes:

- 1)  $2x^2 x 6 = 0$
- 2)  $2x^2 3x + \frac{9}{8} = 0$ .
- 3)  $x^2 + 3x + 10 = 0$

# 2) Résoudre une équation à l'aide de la somme et du produit des racines

# Propriété

La somme S et le produit P des racines d'un polynôme du second degré de la forme  $ax^2 + bx + c$  sont donnés par : S = et P = .

# **Démonstration**

## Méthode - utiliser somme et produit pour trouver les 2 racines

#### **Enoncé:**

Trouver les 2 racines du polynôme suivant :  $2x^2 + 3x - 5$ 

Remarque Quant on a des équations du second degré avec a = 1 (donc du type  $x^2 + \ldots = 0$ ) on retrouve directement la somme et le produit car l'équation s'écrit  $x^2 - Sx + P = 0$ .

# II. Factorisation d'un trinôme

# Soit f une fonction polynôme de degré 2 définie sur $\mathbb{R}$ par $f(x) = ax^2 + bx + c$ .

**Remarque** Si  $\Delta < 0$ , il n'existe pas de forme factorisée de f.

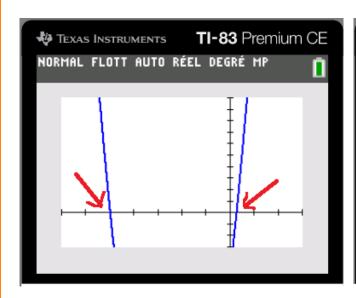
Page 2/4 Année 2025-2026

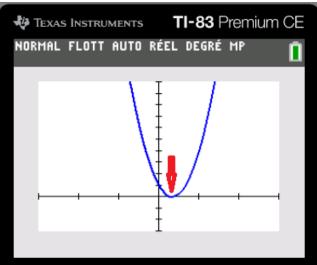
#### (≆ Méthode - Factoriser un trinôme

**Enoncé**: Factoriser les trinômes suivants

- 1)  $4x^2 + 19x 5$
- 2)  $9x^2 6x + 1$ .

Remarque On peut vérifier le résultat à l'aide de la calculatrice. En traçant la courbe représentative de la fonction, on peut vérifier les racines à l'aide des points d'intersection de la courbe et de l'axe des abscisses. Ainsi en traçant les courbes précédentes, nous obtenons les courbes suivantes :





# III. signe d'un trinôme



Pour une fonction polynôme de degré 2 définie par  $f(x) = ax^2 + bx + c$ :

- si a > 0, sa représentation graphique est une parabole tournée vers le haut.
- si a < 0, sa représentation graphique est une parabole tournée vers le bas

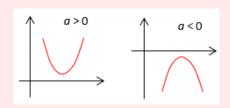
# Propriété

Soit f une fonction polynôme de degré 2 définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = ax^2 + bx + c$ :

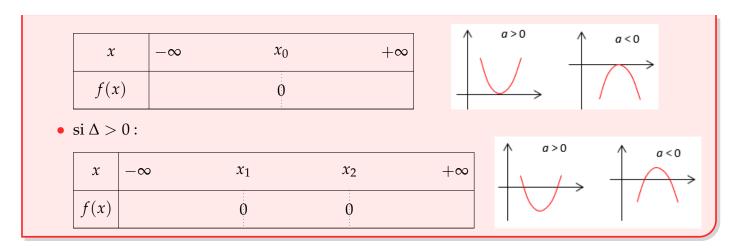
•  $\operatorname{si} \Delta < 0$ :

x	$-\infty$	+∞
f(x)		

•  $\operatorname{si} \Delta = 0$ :



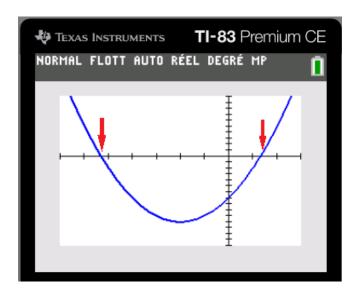
Année 2025-2026 Page 3/4



# ₹≣ Méthode - Résoudre une inéquation du second degré

**Enoncé**: Résoudre l'inéquation : 
$$x^2 + 3x - 5 < -x + 2$$

Comme précédement, on peut vérifier le résultat à l'aide de la calculatrice.



Page 4/4 Année 2025-2026