Chapitre 1

Généralités sur les fonctions

I. Intervalles de \mathbb{R}

1) Définition d'un intervalle

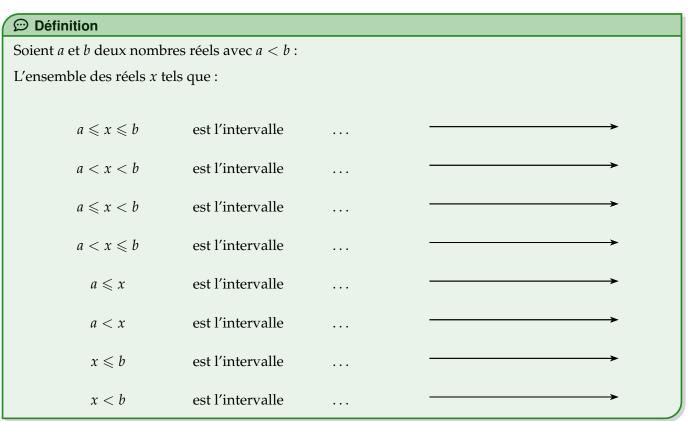
Soient a et b deux nombres réels avec a < b: L'ensemble des réels x tels que $a \le x \le b$ est l'intervalle ... Il contient tous les nombres ... On peut le représenter sur la droite réelle.

Exemple: l'intervalle
$$[-3; 5]$$
 contient tous les nombres compris entre -3 (inclus) et 5 (inclus).

Donc 1 ... $[-3;5]$ -1 ... $[-3;5]$ 12 ... $[-3;5]$ -5 ... $[-3;5]$

Proof Remarque On utilise les symboles ∈ "appartient" et ∉ "n'appartient pas".

2) Différents types d'intervalles



Année 2024-2025 Page 1/6

Remarques

- $+\infty$ se lit "plus l'infini" et $-\infty$ se lit "moins l'infini",
- l'intervalle [a; b[est **fermé** en a (crochet ...): $a \in [a; b[$, et est **ouvert** en b (crochet ...): $b \notin [a; b[$,
- On écrit toujours $]-\infty$ et $+\infty[$ (intervalles ouverts).

> Exemple :

Inégalité	Signification	Notation	Représentation
$2 \le x \le 5$	<i>x</i> est compris entre (inclus) et (inclus)	$x \in [2; 5]$	
$-3 < x \le 2$	x est compris entre (exclu) et (inclus)	$x \in]-3;2]$	
$-5 \le x < -1$	<i>x</i> est compris entre() et()	<i>x</i> ∈;	
-2 < x < 8	<i>x</i> est compris entre() et()	<i>x</i> ∈;	
$8 \le x$	x est supérieur à	$x \in [8; +\infty[$	→
<i>x</i> > 0	x est à 	<i>x</i> ∈;	
$x \le -5$	x est à 	<i>x</i> ∈;	
7 > <i>x</i>	x est à	<i>x</i> ∈;	

Remarque Dans l'intervalle [a; b], le nombre b - a s'appelle l'**amplitude** de l'intervalle.

> Exercice

Exercices: 1 à 6 de la fiche

II. Représentation graphique d'une fonction

Page 2/6 Année 2024-2025

1) Construction d'une courbe

Méthode - Tracer une courbe dans un repère

Enoncé:

Soit la fonction f définie par $f(x) = 5x - x^2$.

On donne un tableau de valeurs de la fonction f:

on donne an ableau de valeurs de la fonction.									
	x	1	1,5	2	2,5	3	3,5	4	4,5
	f(x)	4	5,25	6	6,25	6	5,25	4	2,25

Tracer, dans un repère, la courbe représentative de la fonction f.

Remarque Les images f(x) se lisent sur l'axe des ordonnées (y) donc la courbe représentative de la fonction f définie par $f(x) = 5x - x^2$ peut se noter $y = 5x - x^2$. De façon générale, l'équation d'une courbe se note y = f(x).

Méthode - Vérifier si un point appartient à la courbe d'une fonction

Enoncé:

Soit la fonction f définie par $f(x) = x^2 + 3$

Vérifier que le point de coordonnées (-2,7) appartient à la courbe de f.

2) Lecture graphique d'une image et d'un antécédent

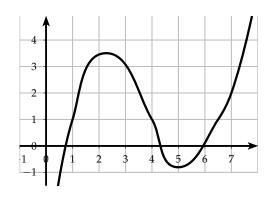
Méthode - Lire graphiquement une image et un antécédent

Enoncé:

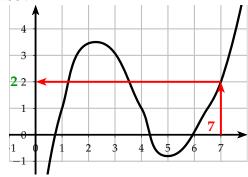
On considère la fonction f représentée cicontre.

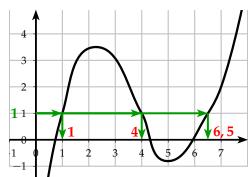
Déterminer graphiquement :

- 1) L'image de 7 par la fonction f.
- **2)** Trois antécédents de 1 par la fonction f.









Année 2024-2025 Page 3/6

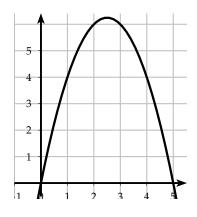
III. Résolution graphique d'équations et d'inéquations

Méthode - Résoudre graphiquement une équation

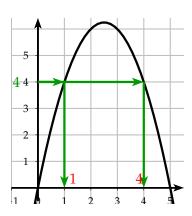
Enoncé:

On a représenté la courbe de la fonction f définie par $f(x) = 5x - x^2$.

Résoudre graphiquement l'équation $5x - x^2 = 4$.



réponse:



Remarques

- Par lecture graphique, les solutions obtenues sont approchées.
- L'équation f(x) = 7, par exemple, ne semble pas avoir de solution car la courbe représentée ne possède pas de point d'ordonnée 7.
- Graphiquement, on ne peut pas être certain que les solutions qui apparaissent sont les seules. Il pourrait y en avoir d'autres au-delà des limites de la représentation graphique tracée.

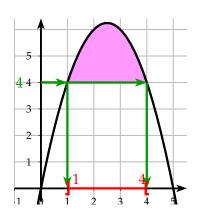
≅ Méthode - Résoudre graphiquement une inéquation

Enoncé:

Dans la méthode précédente, on a représenté la courbe de la fonction f définie par $f(x) = 5x - x^2$. Résoudre graphiquement l'inéquation $5x - x^2 > 4$.

Page 4/6 Année 2024-2025

réponse :



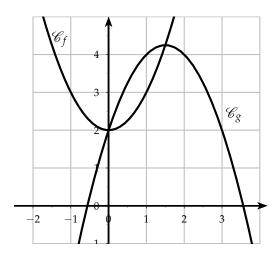
Méthode - Résoudre une équation ou une inéquation du type : f(x) = g(x), f(x) < g(x)

Enoncé:

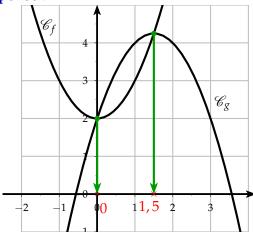
On a représenté les courbes des fonctions f et g définies par :

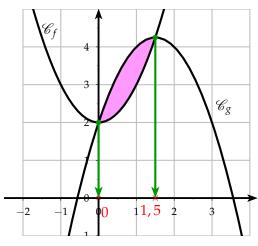
$$f(x) = x^2 + 2$$
 et $g(x) = -x^2 + 3x + 2$

- 1) Résoudre graphiquement l'équation f(x) = g(x).
- 2) Résoudre graphiquement l'inéquation f(x) < g(x).



réponse :





> Exercice

Exercices: 7 à 19 de la fiche

Année 2024-2025 Page 5/6

IV. Parité

© Définitions
Une fonction dont la courbe est
Une fonction dont la courbe est
t ♦ Remarques
Pour une fenction naire en a
Pour une fonction paire, on a:
Pour une fonction impaire, on a :
Ce sont ces résultats qu'il faudra vérifier pour prouver qu'une fonction est paire ou impaire.
■ Méthode - Vérifier la parité d'une fonction
Enoncé:
1) Montrer que la fonction $f(x) = 3x^2 + 2$ est une fonction paire
2) Montrer que la fonction $g(x) = 2x$ est une fonction impaire
réponse :
reponse.
1) On cherche à montrer que $f(-x) = f(x)$
2) On cherche à montrer que $g(-x) = -g(x)$
Remarque Si il est trop compliqué de prouver directement que la fonction est paire ou impaire, il ne faut pas hésiter à essayer 2 ou 3 valeurs d'abord (Essayer avec $f(2)$ et $f(-2)$ par exemple).
in the fact free field a compet 2 on 5 valents a about (Body of avec) (2) of) (2) par exemple).

Cependant, cela ne sera pas suffisant pour prouver que la fonction est paire ou impaire.

Page 6/6 Année 2024-2025