

Chapitre 4

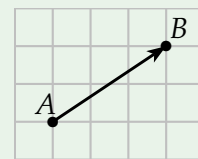
# Notion de Vecteurs

## I. Notion de vecteur

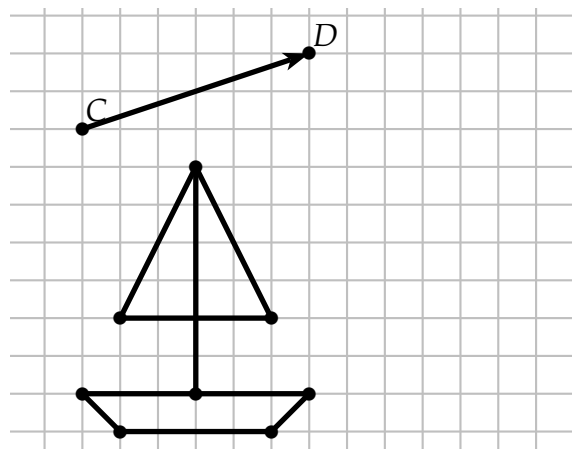
### 1) Vecteur et translation

**Définition**

.....  
 .....  
 .....



**Exemple :** Dessiner l'image du bateau par la translation de vecteur  $\vec{CD}$

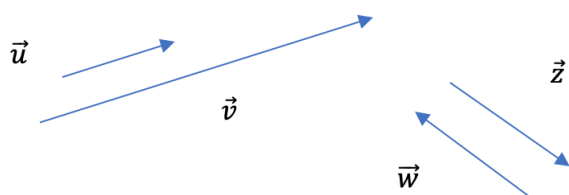


**Définition**

Un vecteur  $\vec{AB}$  est un outil mathématique qui matérialise la translation d'un point à un autre point. Il est défini par 3 caractéristiques :

- .....
- .....
- .....

**Exemple :**



- Les vecteurs qui ont la même direction sont : .....
- Les vecteurs qui ont le même sens sont : .....
- Les vecteurs qui ont la même norme sont : .....

**Remarque - Vecteur nul** le vecteur qui matérialise la translation du point A au point A, c'est-à-dire sur lui-même, est noté  $\vec{0}$  et s'appelle le vecteur nul. On a  $\overrightarrow{AA} = \vec{0}$ . Ce vecteur n'a ni direction ni sens, et a pour norme 0.

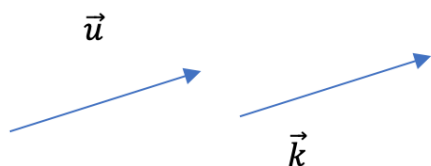
## 2) Vecteurs égaux

### Définition

Deux vecteurs sont égaux s'ils ont :

- .....
- .....
- .....

### Exemple :



On note  $\vec{u} = \vec{k}$

**Remarque** On a alors une infinité de représentations d'un vecteur  $\vec{u}$ . Pour en choisir un en particulier, il suffit de choisir un point du plan pour origine du vecteur. Par exemple, on dit que le vecteur  $\overrightarrow{AB}$  est le représentant du vecteur  $\vec{u}$  ayant pour origine A. On note  $\vec{u} = \overrightarrow{AB}$  avec A l'origine de la flèche et B l'extrémité.

## 3) Vecteurs opposés

### Définition

Deux vecteurs  $\vec{u}$  et  $\vec{v}$  sont dits opposés s'ils ont :

- .....
- .....

• .....  
 MAIS ..... On note .....

🔗 **Exemple :** Dans l'exemple du 1) on a  $\vec{w} = -\vec{z}$  (ou  $\vec{z} = -\vec{w}$ )

**Propriété**

.....  
 .....

## II. Opérations sur les vecteurs

### 1) Règle du parallélogramme

**Propriété**

ABCD est un parallélogramme équivaut à dire que .....

**Démonstration**

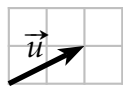
### 2) Somme de vecteurs et relation de Chasles

**Définition**

.....  
 .....

🔗 **Exemple :**

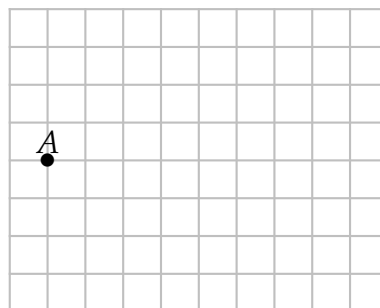
Soient  $\vec{u}$  :



et  $\vec{v}$  :



Tracer le vecteur  $\vec{u} + \vec{v}$  à partir du point A :



**Propriété**

**Relation de Chasles :** Soient  $A, B$  et  $C$  trois points du plan. On a : .....

**Exemple :**

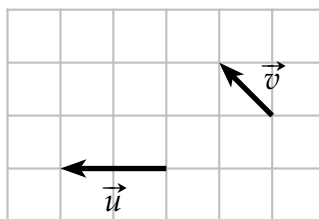
- |  |  |
|--|--|
| 1) $\vec{CB} + \vec{BA} = \dots\dots\dots$ | 4) $\vec{BC} + \vec{AB} = \dots\dots\dots$ |
| 2) $\vec{CB} + \vec{BC} = \dots\dots\dots$ | 5) $\vec{CB} - \vec{AB} = \dots\dots\dots$ |
| 3) $\vec{AC} + \dots\dots\dots = \vec{AB}$ | 6) $\vec{AB} + \vec{CA} = \dots\dots\dots$ |

**3) Multiplication par un réel**

Comme pour les sommes, on peut construire des vecteurs multiples d'un autre vecteur en les mettant bout à bout.

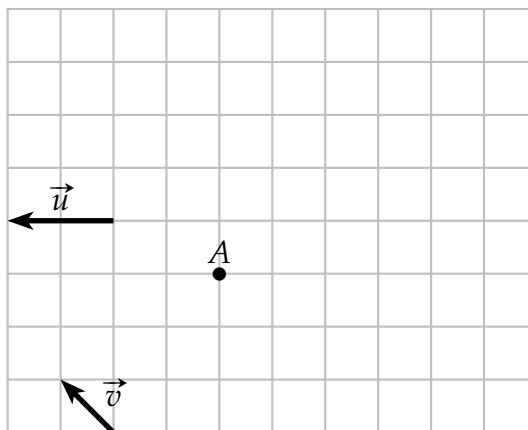
**Exemples :**

- Soient  $\vec{u}$  et  $\vec{v}$  deux vecteurs du plan. Construire  $2\vec{u}$  ;  $-3\vec{v}$



- Soit  $A$  un point. Placer les points  $B, C, D$  et  $E$  tels que :

- |   |   |
|---|---|
| • $\vec{AB} = -\vec{u} + 4\vec{v}$          | • $\vec{CD} = \frac{1}{2}\vec{BA} + 4\vec{CA}$          |
| • $\vec{AC} = \frac{1}{2}\vec{u} - \vec{v}$ | • $\vec{ED} = 2\vec{u} - 3\vec{v} \iff \dots\dots\dots$ |



**Propriété**

.....

**Exemples :**

1)  $4(\vec{u} + \vec{v}) =$  .....

2)  $4(2\vec{u}) =$  .....

3)  $5(2\vec{u} + 3\vec{v}) =$  .....

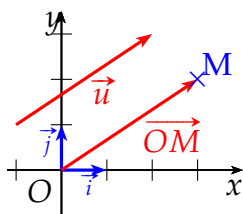
**III. Coordonnées de vecteurs**

**1) Définition**

**Définition**

Soit  $(O; \vec{i}, \vec{j})$ , un repère du plan. Pour tout vecteur  $\vec{u}$ , il existe un unique point M tel que  $\vec{u} = \overrightarrow{OM}$ . Les coordonnées du vecteur  $\vec{u}$  dans ce repère sont alors celles du point M.

Si un point M a pour coordonnées  $(x_M; y_M)$  alors on note .....



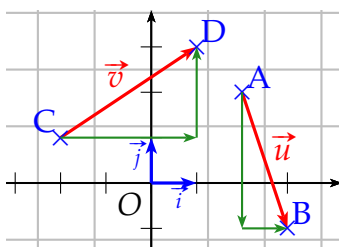
**Propriété**

Soit  $\vec{u} \begin{pmatrix} x_1 \\ y_1 \end{pmatrix}$  et  $\vec{v} \begin{pmatrix} x_2 \\ y_2 \end{pmatrix}$  2 vecteurs. Alors .....

**Méthode - Déterminer graphiquement les coordonnées d'un vecteur**

**Enoncé :**

Déterminer graphiquement les coordonnées des vecteurs  $\vec{u} = \overrightarrow{AB}$  et  $\vec{v} = \overrightarrow{CD}$



**Solution :**

## 2) Calcul des coordonnées d'un vecteur

### Propriété

Dans un repère, soient A et B deux points de coordonnées A  $(x_A; y_A)$  et B  $(x_B; y_B)$ .  
alors  $\vec{AB}$  a pour coordonnées .

### Démonstration

### Méthode - Coordonnées d'un vecteur

#### Énoncé :

Soient A  $(-1; -5)$  et B  $(2; 3)$ . Déterminer les coordonnées du vecteur  $\vec{AB}$

#### Solution :

## 3) Opérations sur les vecteurs

### Propriété

Soit  $\vec{u} \begin{pmatrix} x_1 \\ y_1 \end{pmatrix}$  et  $\vec{v} \begin{pmatrix} x_2 \\ y_2 \end{pmatrix}$  2 vecteurs. Alors :

- $\vec{u} + \vec{v} =$
- $k\vec{u} =$

### Méthode - Utiliser les opérations sur les vecteurs

#### Énoncé :

Soient  $\vec{u} \begin{pmatrix} 2 \\ -7 \end{pmatrix}$  et  $\vec{v} \begin{pmatrix} -3 \\ 4 \end{pmatrix}$ . Déterminer les coordonnées du vecteur  $\vec{w} = 3\vec{u} - 2\vec{v}$

#### Solution :